

Teoretični del izpita iz analize II za študente IŠRM, 21. 6. 2019

1. Določite težišče ravninskega območja med abscisno osjo in grafom funkcije $y = \sin(2x)$, $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$.

2. Kako so definirana Cauchyeva zaporedja v metričnem prostoru? Kdaj imenujemo metrični prostor poln? Navedite kak zgled polnega in kak zgled metričnega prostora, ki ni poln.

3. Določite enačbo tangentne ravnine na ploskev $z = x^2 + 2y^4$ v točki $(2, 1, 6)$.

4. Poiščite realne rešitv sistema diferencialnih enačb $\dot{x} = -4y$, $\dot{y} = 4x$.