

## Domača naloga : 9

4. maja 2016

1. Dokaži, da je Navier Stokesova enačba za nestisljivi fluid invariantna za parabolično skaliranje  $\vec{v}_\lambda(t, x) = \lambda \vec{v}(\lambda^2 t, \lambda x)$ . Povedano drugače, naj bo par  $\vec{v}$ ,  $p$  rešitev Navier Stokesovih enačb pod vplivom volumenske sile  $\vec{f}$ . Določi  $p_\lambda$  in  $\vec{f}_\lambda$ , da bo par  $\vec{v}_\lambda$ ,  $p_\lambda$  rešitev Navier Stokesovih enačb pod vplivom volumenske sile  $\vec{f}_\lambda$ .
2. Med dvema vzporednima stenama v razmaku  $h$  miruje viskozni fluid. V času  $t = 0$  se prične spodnjia stena gibati s konstantno hitrostjo  $v_0$  v smeri stene.
  - (i) Poišči rešitev pripadajoče Navier Stokesove enačbe. Nasvet: zapiši za  $t > 0$  rešitev kot vsoto časovno odvisnega dela s homogenim robnim pogojem in časovno neodvisnega dela in določi prvi del s separacijo spremenljivk.
  - (ii) Nariši graf hitrostnih profilov v odvisnosti od časa.
3. Polprostor v katerem se nahaja viskozni fluid je omejen z ravnino, ki harmonično niha v smeri ravnine. Določi hitrostno polje in ga analiziraj.