

# Regulacije

## 1. Regulacijska zanka

Pogosto želimo izbrano fizikalno veličino obdržati pri izbrani vrednosti navkljub vplivom okolice, ki želijo to fizikalno veličino prikrojiti po svoje. Za zgled naj služi temperatura, ki jo moramo med peko kruha v peči obdržati na 200°C. Najlažje gre tako, da temperaturo v peči merimo in po potrebi povečamo ali zmanjšamo moč gretja tako, da je temperature ravno prava.

Seveda želimo postopek avtomatizirati. Namesto osebe, ki opazuje termometer in vrti gumbe na peči, naj to delo opravi elektronsko vezje, imenujemo ga regulator. Regulator sprejema signal iz senzorja fizikalne veličine in ga primerja z željeno vrednostjo te veličine ter na podlagi razlike med njima krmili fizikalni sistem tako, da bo imela željena fizikalna veličina ravno pravo vrednost.

Tak regulacijski sistem ponazarja bločna shema na sliki 1. Na fizikalni sistem  $F$  vpliva več dejavnikov iz okolice, imenujmo jih  $A_1, A_2, A_3$ , poleg teh pa lahko na fizikalni sistem vplivamo še preko dejavnika  $c$ , ki ga neodvisno od vplivov okolice krmilimo sami. Izhodna veličina fizikalnega sistema je odvisna od vseh vhodnih dejavnikov in je označena z  $Y$ ; to je hkrati tudi veličina, ki jo merimo s primernim senzorjem. V regulatorju izmerjeno vrednost odštejemo od željene vrednosti, ki je označena z  $Y_G$ , rezultat odštevanja pa je napaka regulacije  $err$ . Napako v regulatorju dodatno matematično obdelamo tako, da dobimo primeren signal za poseganje v sistem preko dejavnika  $c$ . Najenostavneje gre, če posegamo v sistem sorazmerno napaki  $err$ ; za majhne razlike med željeno in dejansko vrednostjo regulirane fizikalne veličine posegamo v sistem le malo, za velike razlike pa močnejše. Pravimo, da v fizikalni sistem posegamo proporcionalno. Regulator naj zato poleg vezja za računanje napake vsebuje še ojačevalnik, ki napako  $err$  poveča na primerno vrednost za poseganje v fizikalni sistem. Ojačevalniku pripišemo ojačenje  $A$ . Kako veliko pa naj bi to ojačenje bilo?

Zapišimo enačbo. Dejavnik  $c$  izračunamo kot:

$$c = A(Y_G - Y)$$

Fizikalnemu sistemu pripišemo lastnost  $F$ , ki povezuje izhodno vrednost  $Y$  in vplivne veličine:

$$Y = F(A_1, A_2, A_3, c)$$

Z nekaj truda in matematične sreče lahko zgornjo formulo preuredimo v:

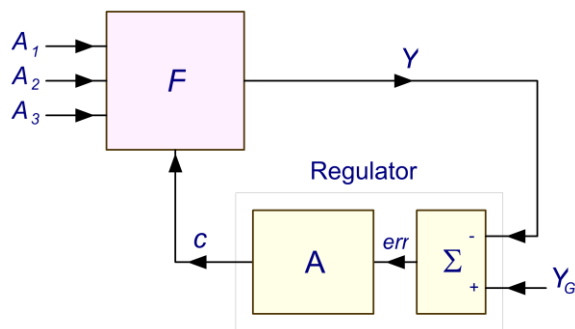
$$c = F^{-1}(A_1, A_2, A_3, Y)$$

Ter tako zvemo kakšen dejavnik  $c$  je potreben, da fizikalni sistem da od sebe veličino z vrednostjo  $Y$  kljub vplivom ostalih dejavnikov  $A_1$  do  $A_3$ . Ta dejavnik  $c$  dobimo iz regulatorja, zato:

$$A(Y_G - Y) = F^{-1}(A_1, A_2, A_3, Y)$$

Po preureditvi enačbe dobimo:

$$Y = Y_G - \frac{F^{-1}(A_1, A_2, A_3, Y)}{A}$$



Slika 1: Fizikalni sistem in regulator tvorita regulacijsko zanko

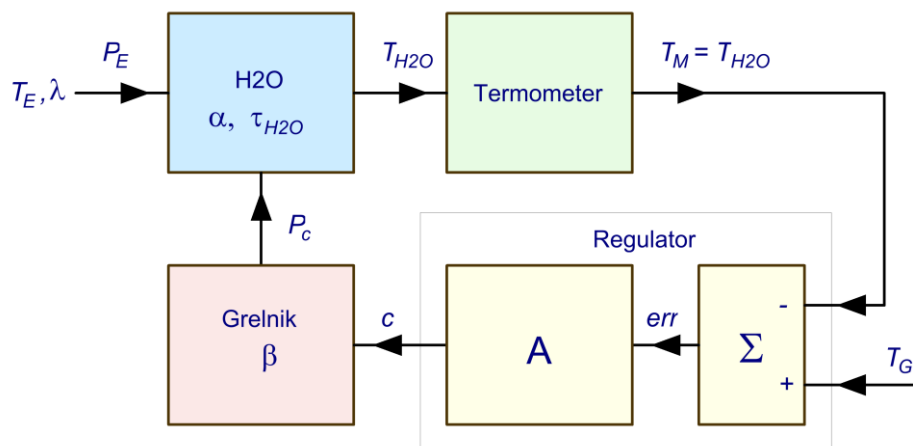
Če uporabimo ojačevalnik z neskončno velikim ojačenjem, je regulirana fizikalna veličina  $Y$  natanko enaka željeni vrednosti  $Y_G$ :

$$Y (za A \rightarrow \infty) = Y_G$$

To pa je natanko tisto, kar želimo doseči: izhodna veličina ima tako vrednost, kot si jo želimo in je neodvisna od vseh ostalih dejavnikov.

## 2. Reguliranje sistema prvega reda

Žal se zadeve komplicirajo v primeru, da se fizikalni sistem ne odzove v hipu. V nadaljevanju bomo raziskali obnašanje reguliranega sistema v primeru, ko mu lahko pripišemo še kasnitve. Za zgled naj služi ogrevanje izbranega predmeta, na primer bazena vode, slika 2. Privzemimo, da je voda H<sub>2</sub>O v bazenu zadostno mešana in ima zato v danem trenutku enako temperaturo  $T_{H2O}$  po vsem volumnu. Termometer, ki ga uporabljamo za merjenje temperature vode, naj bo idealen in naj pravilno in takoj izmeri temperaturo vode, zato je izmerjena temperatura  $T_M$  enaka temperaturi vode  $T_{H2O}$ . Željena temperatura vode je označena s  $T_G$ , regulator pa spet izračuna razliko med željeno in izmerjeno temperaturo ter razliko ojači za faktor  $A$ . Rezultat je krmilni signal (dejavnik)  $c$ . Ker regulator ne zmore ogrevanja vode, potrebujemo še močnostni del regulacijskega sistema, to je grelnik, ki šibek električni signal  $c$  pretvori v toplotno moč  $P_C$ , to dovajamo v bazen z vodo.



Slika 2: Regulacija temperature vode v bazenu H<sub>2</sub>O

Običajen grelnik lahko le dovaja toploto v bazen, kar morda za popolno regulacijo ne zadošča. Zato raje uporabimo poseben grelnik, ki zna bodisi dovajati (za pozitivne vrednosti signala  $c$ ) ali pa jemati (za negativne vrednosti signala  $c$ ) toploto v/iz bazena. Tak grelnik je na primer Peltier-ov element. Za v bazen dovajano toplotno moč zato lahko zapišemo:

$$P_C = \beta c = \beta A (T_G - T_{H2O})$$

V bazen vstopa še toplota iz okolice. Količina te toplote v časovni enoti oziroma toplotna moč  $P_E$  je odvisna od razlike med temperaturo okolice  $T_E$  in temperaturo vode  $T_{H2O}$  v bazenu ter od lastnosti stene bazena, ki jih zaznamuje lastnost  $\lambda$ :

$$P_E = \lambda (T_E - T_{H2O})$$

Temperaturo vode v bazenu dobimo z integriranjem dovedene toplotne moči po času. Pri tem moramo upoštevati še količino vode v bazenu in njene toplotne lastnosti, te označuje konstanta  $\tau_{H2O}$ :

$$T_{H2O} = \frac{P_C + P_E}{\tau_{H2O} p}$$

Uporabili smo operatorski zapis za integriranje: operator  $p$  predstavlja odvajanje, recipročna vrednost  $p$  pa integriranje. Združitev zgornjih treh enačb da:

$$T_{H2O} = T_G \cdot \frac{1}{1 + \frac{\lambda}{\beta A}} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\tau_{H2O}}{\beta A + \lambda} p} + T_E \cdot \frac{1}{1 + \frac{\beta A}{\lambda}} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\tau_{H2O}}{\beta A + \lambda} p}$$

Preverimo skrajne rešitve te enačbe:

- Brez povratne regulacijske zanke ( $A = 0$ ) je temperatura vode  $T_{H2O}$  odvisna le od temperature okolice  $T_E$ . Tej temperaturi se približuje eksponentno, kot smo že spoznali pri elektroniki ob analizi operatorskega zapisa prenosne funkcije oblike  $1/(1 + \tau p)$ . Časovna konstanta približevanja  $\tau$  je podana z lastnostmi vode  $\tau_{H2O}$  in sten bazena  $\lambda$ .
- Za neskončno veliko ojačenje ( $A \rightarrow \infty$ ) temperatura okolice  $T_E$  ne vpliva na temperaturo vode  $T_{H2O}$  v bazenu. Matematika kaže, da je takrat temperatura vode  $T_{H2O}$  natanko enaka željeni temperaturi  $T_G$ . To velja tudi v primeru, ko željeno temperaturo  $T_G$  hipoma spremenimo. Seveda bi bila za hipno spremembo temperature večje količine vode potrebna zelo velika moč  $P_C$ , delujoča kratek čas. Ker grelnik tolikšne moči ne obstaja lahko ugibamo, da pride do prehodnega pojava, med katerem se temperatura vode bolj ali manj hitro, pač glede na lastnosti vode in grelnika, približuje željeni temperaturi. Ko je približevanje končano, je temperatura vode enaka željeni temperaturi ( $T_{H2O} = T_G$ ).

Za končno velika ojačenja  $A$  je približevanje temperature vode željeni temperaturi eksponentno (zaradi člena  $\frac{1}{1 + \frac{\tau_{H2O}}{\beta A + \lambda} p}$ ), časovno konstanto približevanja pa diktirajo lastnosti vode, grelnika in ojačenja.

Večje, ko je ojačenje, hitrejše je približevanje. Seveda je za hitrejše približevanje potrebna večja moč grelnika  $P_C$ . Če grelnik potrebne moči ne zmore, bo približevanje enakomerno do trenutka, ko grelnik zahtevano moč zmore, od takrat naprej pa eksponentno.

Zgornje enačbe napovedujejo še eno, ne tako lepo lastnost sistema. Običajno je temperatura okolice drugačna od željene temperature, zato iz bazena vez čas odteka toplota v okolico. Ker želimo temperaturo bazena obdržati na željeni vrednosti, mora grelnik ves čas enako količino toplote uvajati v bazen, torej  $P_C$  ni nič. Zato tudi signal  $c$  ni nič in dejanska temperatura vode  $T_{H2O}$  ne more biti enaka željeni temperaturi  $T_G$ . V realnem primeru, ko je ojačenje v povratni zanki končno, opisani regulacijski sistem ne more zagotavljati enakosti temperatur; enakosti se lahko le čim bolj približamo s povečevanjem ojačenja  $A$ . Enako velja za katerikoli regulirani sistem: ojačenje v povratni zanki želimo čim bolj povečati, saj bo po prehodnem pojavu regulirana veličina bolj podoba željeni, pa še hitreje bo dosežena, če le zmoremo močno poseganje v sistem.

### 3. Reguliranje sistema drugega reda

#### 3.1. Proporcionalna regulacija

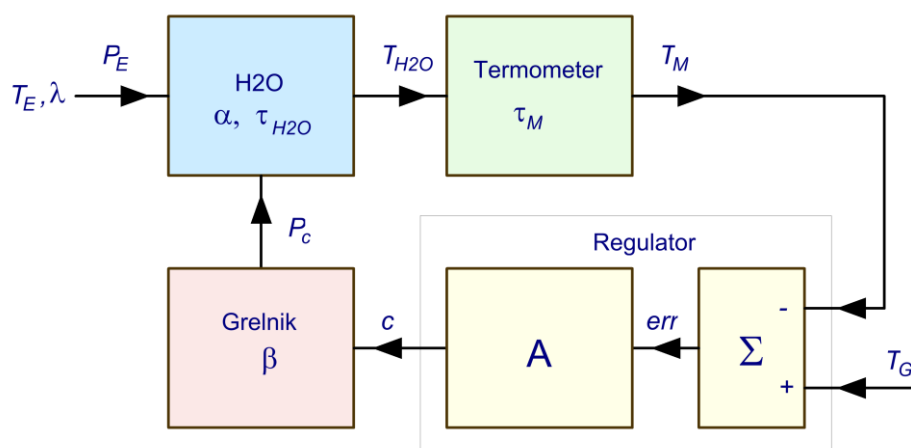
V pravkar analiziranem sistemu, ki je bil sicer precej idealiziran, smo upoštevali le časovno akumuliranje toplote v bazenu in prišli do operatorsko zapisane enačbe prvega reda za ta sistem. V njej je operator  $p$  nastopal v prvi potenci in ugotovitve se nanašajo na vse regulacijske sisteme, ki jih lahko popišemo z enačbo istega reda. Obstajajo pa tudi sistemi, v katerih več elementov vnaša kasnitve. Kako se obnašajo taki regulirani sistemi?

Za primer uporabimo isti bazen, a tokrat pripišimo kasnitev še termometru. Znano je, da termometer potrebuje nekaj časa preden sporoči pravo temperaturo. Ta čas je odvisen od toplotne kapacitete termometra, prevodnosti njegovega ohišja in podobno. Za pravilen odčitek medicinskega termometra

pod pazduho je, na primer, treba počakati nekaj minut. Če predpostavimo, da se izmerjena temperatura  $T_M$  eksponentno približuje pravi vrednosti, časovna konstanta približevanja pa znaša  $\tau_M$ , lahko za tak termometer, vtaknjen v vodo s temperaturo  $T_{H2O}$ , zapišemo:

$$T_M = T_{H2O} \cdot \frac{1}{1 + \tau_M p}$$

Tak termometer lahko uporabimo v prejšnjem regulacijskem sistemu, katerega bločna shema je narisana na sliki 3. Seveda se lahko pogovarjamo o argumentu, da je časovna konstanta termometra mnogo krajša od časovne konstante, ki smo jo pripisali bazenu in je zato morda zanemarljiva. A gre za analizo sistema, kjer upoštevamo dve kasnitvi in posledicah regulacije takega sistema. Zato naj časovna konstanta  $\tau_M$ , pripisana termometru, za zdaj ostane.



Slika 3: Regulacija temperature vode v bazenu H2O ob upoštevanju lastnosti termometra

Spet zapišimo toplotno moč  $P_c$ , ki jo regulacijska povratna zanka dovaja v bazen z vodo:

$$P_c = \beta c = \beta A (T_G - T_M) = \beta A \left( T_G - T_{H2O} \cdot \frac{1}{1 + \tau_M p} \right)$$

Iz tega ob upoštevanju prejšnjih formul izpišemo izraz za temperaturo vode  $T_{H2O}$ :

$$T_{H2O} = \frac{T_G \beta A (1 + \tau_M p) + T_E \lambda (1 + \tau_M p)}{\tau_{H2O} \tau_M p^2 + (\tau_{H2O} + \lambda \tau_M) p + \lambda + \beta A} = \frac{T_G \beta A (1 + \tau_M p) + T_E \lambda (1 + \tau_M p)}{ap^2 + bp + c}$$

V tej operatorsko zapisani diferencialni enačbi nastopajo odvodi, ki jih zaznamujejo operatorji  $p$ . Pričakujemo, da se v reguliranem sistemu prej ali slej vrednosti spremenljivk ustalijo, zato so takrat vsi odvodi enaki nič. Za to, stacionarno stanje, lahko zapišemo rešitev:

$$T_{H2Os} = \frac{T_G \beta A + T_E \lambda}{\lambda + \beta A} = T_G \cdot \frac{1}{1 + \frac{\lambda}{\beta A}} + T_E \cdot \frac{1}{1 + \frac{\beta A}{\lambda}}$$

Ta rešitev je enaka rešitvi, ki smo jo dobili za stacionarno stanje sistema, opisanega z operatorsko diferencialno enačbo prvega reda. Spet lahko za stacionarno stanje trdimo:

- Če je ojačenje v povratni regulacijski zanki enako nič, je temperatura vode enaka temperaturi okolice.
- Če je ojačenje v povratni regulacijski zanki neskončno veliko, je temperatura vode enaka željeni temperaturi in je neodvisna od temperature okolice.

- Če je ojačenje v povratni regulacijski zanki končno veliko, je temperatura vode nekje med temperaturo okolice in željeno temperaturo, odvisno od temperatur in lastnosti bazena ter povratne zanke.

Je pa to stacionarno stanje treba doseči. Po vsaki spremembi željene ali okoliške temperature je treba počakati čas prehodnega pojava, da sistem doseže stacionarno stanje. Raziščimo obnašanje tako reguliranega sistema, ki ga opisuje operatorsko zapisana enačba drugega reda, med prehodnim pojavom. Iz zgoraj zapisane operatorske formule je videti, da sta odziva na željeno in okoliško temperaturo po obliki sorodna, zato bomo tule obravnavali le obliko odziva na spremembo željene temperature; oblika odziva na spremembo druge temperature je po obliki enaka. Obravnavamo torej enačbo:

$$T_{H_2O} = \frac{T_G \beta A (1 + \tau_M p)}{ap^2 + bp + c} \quad \Leftrightarrow \quad a \cdot T_{H_2O}'' + b \cdot T_{H_2O}' + c \cdot T_{H_2O} = T_G \cdot \beta A + T_G' \cdot \beta A \tau_M$$

Pri tem:  $a = \tau_{H_2O} \tau_M$ ,  $b = \tau_{H_2O} + \lambda \tau_M$ ,  $c = \lambda + \beta A$

Obnašanje te enačbe med približevanjem stacionarnemu stanju določajo rešitve homogene verzije iste enačbe, torej :

$$a \cdot T_{H_2O}'' + b \cdot T_{H_2O}' + c \cdot T_{H_2O} = 0$$

Rešitve te enačbe iščemo v obliki:

$$T_{H_2O} = T_{H_2O_s} (1 - e^{\gamma_{1,2} t}) \quad \text{kjer:} \quad \gamma_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Za majhno razliko med dejansko in željeno temperaturo vode v stacionarnem stanju potrebujemo veliko ojačenje  $A$ ; žal je ojačenje skrito v parametru  $c$ . Če ojačenje preveč povečamo, postane parameter  $c$  dovolj velik, da je vrednost pod korenem negativna. Koreni karakteristične enačbe so zaradi tega kompleksni, kar implicira rešitve v obliki:

$$T_{H_2O} = T_{H_2O_s} (1 - e^{RE(\gamma_{1,2})t} * e^{IM(\gamma_{1,2})t}) = T_{H_2O_s} \left( 1 - e^{-\frac{b}{2a}t} * \cos\left(\frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} t\right) \right)$$

Taka oblika rešitve pa pomeni nihanje okoli stacionarne vrednosti  $T_{H_2O_s}$ ; nihanja si ne želimo. Nihanje bo po zgornji enačbi počasi izzvenovalo; časovna konstanta izzvenovanja je podana z  $2a/b$ . Ker nihanja ne želimo, je največje možno ojačenje (optimalno ojačenje  $A_{opt}$ ) v povratni zanki omejeno z:

$$b^2 - 4ac = 0 \quad \rightarrow \quad A_{opt} = \frac{(\tau_{H_2O} + \lambda \tau_M)^2}{4 \beta \tau_{H_2O} \tau_M} - \frac{\lambda}{\beta}$$

Če izberemo ojačenje manjše od  $A_{opt}$ , je približevanje željeni vrednosti počasnejše. Taka izbira namreč povzroči dva realna korena karakteristične enačbe, od katerih je en manjši od optimalnega in torej povzroči še daljšo časovno konstanto.

Temperatura vode v stacionarnem stanju ne more biti enaka željeni, ker ne želimo dušenega nihanja okoli željene temperature in torej ne smemo izbrati neskončno velikega ojačenja  $A$ . Proporcionalna regulacija takrat, ko imamo opravka z reguliranim sistemom drugega reda, ne daje dovolj dobrih rezultatov.

### 3.2. Proporcionalno diferencialna regulacija

Ker so fizikalne lastnosti reguliranega sistema marsikdaj nespremenljive, se v tem zapisu osredotočamo na regulator, ki je v domeni elektronike. Namesto ojačevalnika v povratni regulacijski zanki ali vzporedno ojačevalniku lahko vežemo dodatne elektronske module in se nadamo izboljšav regulacije. Prvi pomislek bi morda bil sledeč: če se temperatura vode hitro približuje željeni vrednosti in je hkrati razlika temperatur majhna,

je smiselno upočasniti približevanje; če ga ne upočasnimo, bo temperatura vode verjetno preseгла željeno temperaturo, kar vodi v dušeno nihanje. V povratno regulacijsko zanko bomo zato dodali diferenciator in njegov izhodni signal dodali izhodnemu signalu ojačevalnika. Blok A v tem primeru zamenja blok na sliki 4, pri tem se prenosna funkcija  $G$  tega bloka glasi:

$$G = A + \tau_D p$$

Parameter  $\tau_D$  je časovna konstanta diferenciatorja in jo lahko izberemo po svoje, saj predstavlja le produkt kapacitivnosti in upornosti v diferenciatorju uporabljenih elementov. Toplotna moč  $P_c$ , ki jo povratna regulacijska zanka dovaja v bazen, je zato:

$$P_c = \beta c = \beta(A + \tau_D p)(T_G - T_M) = \beta(A + \tau_D p) \left( T_G - T_{H2O} \cdot \frac{1}{1 + \tau_M p} \right)$$

Spet lahko ob upoštevanju formul iz začetka tega zapisa izračunamo temperaturo vode  $T_{H2O}$ :

$$T_{H2O} = \frac{T_G \beta (A + \tau_D p)(1 + \tau_M p) + T_E \lambda (1 + \tau_M p)}{\tau_{H2O} \tau_M p^2 + (\tau_{H2O} + \lambda \tau_M + \beta \tau_D) p + \lambda + \beta A} = \frac{T_G \beta (A + \tau_D p)(1 + \tau_M p) + T_E \lambda (1 + \tau_M p)}{a p^2 + b p + c}$$

Ob primerjavi prejšnjega izraza za regulator brez diferenciatorja s tem izrazom, ugotovimo:

- Imenovalca se razlikujeta le v členu  $b$ , ta je sedaj večji za  $\beta \tau_D$ , ki pa ga lahko poljubno izberemo s časovno konstanto diferenciatorja.
- Števca se razlikujeta le za željeno temperaturo  $T_G$  v členu  $A \rightarrow (A + \tau_D p)$ , kar ne vpliva na približevanje temperature vode  $T_{H2O}$  željeni vrednosti  $T_G$ . Če bi nas ta dodani del le motil, ga lahko kompenziramo z integriranjem pred vezjem, ki računa napako  $err$ .

Dodani del v členu  $b$  pomeni, da zdaj lahko povečamo ojačenje  $A$  v povratni zanki. Zaradi večjega ojačenja postane izraz pod korenem negativen, a ga lahko popravimo z izbiro časovne konstante diferenciatorja, ki poveča vrednost pod korenem nazaj na nič.

Tako vrsto regulacije, kjer v povratni zanki izrabljamo ojačevalnik in diferenciator, imenujemo proporcionalno-diferencialna regulacija. Dušenemu nihanju okoli željene vrednosti se lahko ognemo s primerno izbrano časovno konstanto diferenciatorja, a regulirana vrednost v stacionarnem stanju kljub temu ne dosega točne željene vrednosti.

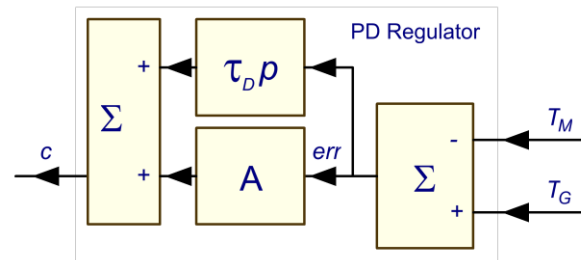
### 3.3. Integralna regulacija

Poskusimo blok A v povratni zanki regulatorja zamenjati še z integratorjem, slika 5, ki naj ga označuje prenosna funkcija  $H$ . Takrat zapišemo:

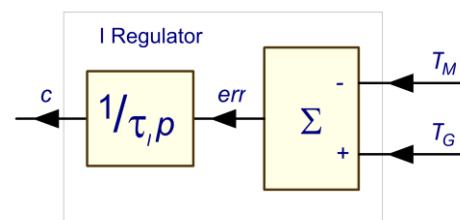
$$H = \frac{1}{\tau_I p}$$

Kasneje med matematično analizo se bo izkazalo, da je treba uporabiti integrator z zelo dolgo časovno konstanto  $\tau_I$ . Zato lahko privzamemo, da je odziv termometra zelo hiter v primerjavi z odzivom integratorja in lahko počasnost odziva termometra zanemarimo. Odziv termometra je torej na videz hipen in zanj zapišemo  $T_M = T_{H2O}$ .

Spet zapišemo izraz za v sistem dovajano toplotno moč:



Slika 4: Proporcionalno diferencialni regulator



Slika 5: Integralni regulator

$$P_c = \beta c = \beta \frac{1}{\tau_I p} (T_G - T_M) = \beta \frac{1}{\tau_I p} (T_G - T_{H2O})$$

In ponovno lahko z uporabo na začetku podanih formul izpeljemo izraz za temperaturo vode  $T_{H2O}$ :

$$T_{H2O} = \frac{T_G \beta + T_E \lambda \tau_I p}{\tau_{H2O} \tau_I p^2 + \lambda \tau_I p + \beta} = \frac{T_G \beta + T_E \lambda \tau_I p}{ap^2 + bp + c}$$

Pri tem so:  $a = \tau_{H2O} \tau_I$ ,  $b = \lambda \tau_I$ ,  $c = \beta$

Tokrat v povratni vezavi nismo uporabili ojačevalnika, zato je vredno posebej preveriti temperaturo vode v stacionarnem stanju, ko so vsi odvodi enaki nič. Če iz zgornjega izraza odstranimo vse člene z operatorjem  $p$ , dobimo:

$$T_{H2Os} = T_G$$

Torej je v stacionarnem stanju temperatura vode enaka željeni temperaturi tudi v primeru, ko v povratni zanki ni ojačevalnika. Poglejmo še obnašanje reguliranega sistema med prehodnim obdobjem. Ob enakem razmišljanju tudi tokrat iščemo korene karakteristične enačbe ustrezne homogene diferencialne enačbe za imenovalc:

$$\gamma_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-\lambda \tau_I \pm \sqrt{\lambda^2 \tau_I^2 - 4 \tau_{H2O} \beta}}{2 \tau_{H2O} \tau_I}$$

V optimalnem primeru mora biti izraz pod korenem enak nič, takrat bo približevanje temperatur najhitrejše. Kaže, da mora imeti uporabljeni integrator dolgo časovno konstanto (zelo približno rečeno: primerljivo s časovno konstanto bazena vode popravljeno za nekaj parametrov). Če bo izraz pod korenem negativen, bo temperatura vode dušeno nihala okoli željene vrednosti. Če bo časovna konstanta uporabljenega integratorja predolga, bo izraz pod korenem pozitiven in bo zaradi tega približevanje temperature vode željeni vrednosti eksponentno in počasnejše.

Z integralno regulacijo torej dosežemo, da je regulirana vrednost enaka željeni, a moramo zaradi dolgih časovnih konstant na to čakati dolgo časa. Poleg tega sprememba vpliva okolice, v našem primeru je to temperatura okolice  $T_E$ , močno vpliva na regulirano veličino, saj najdemo v formuli odvod okoliške temperature. Tudi integralna regulacija ima torej slabe lastnosti. Izboljšanje lahko pričakujemo s kombinacijo vseh treh načinov regulacije.

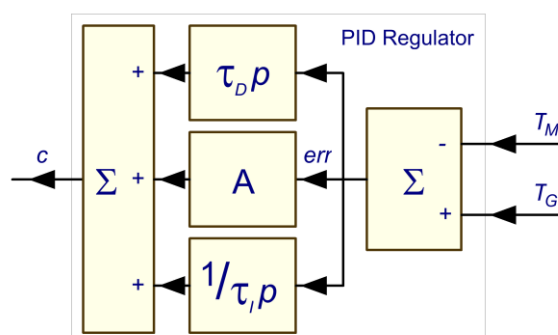
### 3.4. Proporcionalno integralna diferencialna regulacija – PID

Tokrat v regulatorju uporabimo vse tri do sedaj obravnavane module: ojačevalnik, diferenciator in integrator. Njihove izhodne signale seštejemo v skupni izhodni signal  $c$ , slika 6.

Izhodni signal  $c$  takega regulatorja v našem primeru gretja vode je:

$$c = \left( A + \tau_D p + \frac{1}{\tau_I p} \right) (T_G - T_M)$$

Zdaj imamo na razpolago tri parametre, s katerimi lahko optimiramo kakovost regulacije. Z velikim ojačenjem  $A$  dosežemo hiter odziv sistema na spremembo referenčne vrednosti ali vplivov okolja, z časovno konstanto diferenciatorja  $\tau_D$  preprečimo nihanje okoli stacionarne vrednosti regulirane veličine. S



Slika 6: Proporcionalno integralno diferencialni (PID) regulator

časovno konstanto integratorja  $\tau$  poskrbimo za popolno izničenje počasnih vplivov okolice in tako zagotovimo, da je regulirana veličina popolnoma enaka željeni v stacionarnem stanju.

Polna analiza reguliranega sistema za ogrevanje vode da diferencialno enačbo četrtega reda. En red prispeva bazen z vodo, en red termometer, regulator pa preostala dva. Ker je sistem linearen, bi se analize lotili na enak način, le red karakteristične enačbe je tokrat štiri. Poiskati bi morali korene te enačbe in s primerno izbiro časovnih konstant in ojačenja poskrbeti, da so vsi koreni realni (ni nihanja okoli stacionarne vrednosti) ter čimbolj enaki (čim hitreje približevanje regulirane vrednosti željeni). Reševanje takega sistema presega ta kratek zapis, zato bomo med predavanji obnašanje reguliranega sistema raje simulirali na računalniku.